

## Математика 1

13.02.2018.

1. Нека је  $z_1 = 1$  тјеме квадрата. Ако је центар кружнице описане око квадрата рјешење једначине  $z(3+i) + \bar{z}(1+i) + (zi+1)i = 6+6i$ , наћи остала тјемена квадрата.
2. Дата је матрица
$$A = \begin{bmatrix} 10 & -7 & 4 \\ 4 & -6 & 8 \\ -2 & 7 & 4 \end{bmatrix}.$$
  - a) Одредити сопствене вриједности и сопствене векторе матрице  $A$ .
  - b) Одредити минимални полином и на основу минималног полинома одредити инверзну матрицу матрице  $A$ .
3. Дате су мимоилазне праве  $l_1 : \frac{x+1}{3} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+2}{-3}$  и  $l_2 : \frac{x-1}{4} = \frac{y}{-2} = \frac{z-3}{-1}$ . Наћи једначину заједничке нормале и удаљеност између њих.
4. Од свих правоуглих троуглова који имају исту површину  $P$  одредити онај који има најмањи обим.
5. Испитати и графички представити функцију  $f(x) = (x-1)\sqrt[3]{x+2}$ .

ДРУГИ КОЛОКВИЈУМ: задаци 3, 4, 5  
ПИСМЕНИ ИСПИТ: задаци 1, 2, 3, 4, 5.