

Математика 2

21.06.2017.

1. Израчунати неодређени интеграл

$$\int \frac{xdx}{(\sqrt{7x - 10 - x^2})^3}.$$

2. У равни $x + y - 2z = 0$ одредити тачку за коју је збир квадрата удаљености од равни $x + 3z - 6 = 0$ и $y + 3z - 2 = 0$ најмањи.

3. Израчунати површински интеграл

$$\iint_S (x + z^2) y dS$$

ако је S дио површи $x^2 + y^2 = z^2$ ($z < 0$) који исјеца површ $x^2 + y^2 = 2y$.

4. Израчунати флукс векторског поља

$$\vec{a} = [2x(y^2 + z^2) + yz] \vec{i} + [2y(z^2 + x^2) + zx] \vec{j} + [2z(x^2 + y^2) + xy] \vec{k}$$

кроз спољашњу страну сфере $x^2 + y^2 + z^2 - 2y = 0$.

5. Дата је диференцијална једначина

$$y'' + 4y' + 4y = e^{-2x} \ln x.$$

a) Наћи њено опште рјешење.

б) Наћи њено партикуларно рјешење које задовољава услове $y(1) = y'(1) = 0$.

ДРУГИ КОЛОКВИЈУМ: задаци 2, 3, 4, 5.

ПИСМЕНИ ИСПИТ: задаци 1, 2, 3, 4, 5.