

## Математика 2

04.07.2014.

1. Израчунати неодређени интеграл

$$\int \frac{dx}{\sin x \sqrt{1 + \cos x}}.$$

2. Одредити тачку на елипсоиду  $x^2 + 2y^2 + 4z^2 = 1$  која је најближа равни  $x + y + z = 4$ .

3. Израчунати запремину тијела дефинисаног са неједнакостима

$$x^2 + y^2 + z^2 \leq 4, \quad x^2 + y^2 - 2z^2 \leq 1, \quad z \geq 0.$$

4. Израчунати криволинијски интеграл

$$\oint_L (2x^2 + 4y^2)dx + (x - z)dy + xdz$$

ако је крива  $L$  одређена једначинама  $x^2 + y^2 + z - 9 = 0$  и  $z - 2y^2 = 0$ .

5. Одредити опште рјешење диференцијалне једначине

$$\left( \frac{x}{\sin y} + 2 \right) dx + \frac{(x^2 + 1) \cos y}{\cos 2y - 1} dy = 0.$$