

## Математика 2

10.09.2013.

1. Израчунати неодређени интеграл  $\int \frac{x^4 + 1}{x^6 + 1} dx$ .
2. Израчунати одређени интеграл  $\int_{-2}^{-2/\sqrt{3}} \frac{dx}{x^3 \sqrt{x^2 - 1}}$ .
3. Израчунати површину ограничenu кривом  $y = \frac{1}{(1+x^2)^2}$ , правом  $x = 1$  и позитивним дијелом  $x$ -осе.
4. Функција  $f(x, y)$  дефинисана је са  $f(x, y) = \begin{cases} xy \frac{x^2 - y^2}{x^2 + y^2}, & \text{ако је } x^2 + y^2 \neq 0, \\ 0, & \text{ако је } x^2 + y^2 = 0. \end{cases}$   
Показати да функција  $f$  има у тачки  $(0, 0)$  оба мјешовита парцијална извода другог реда и да су они различити.
5. Одредити екстреме функције  $u = x + 2y + 3z$  на скупу  $x^2 + y^2 \leq z \leq 1$ .
6. Израчунати запремину и површину тијела ограниченог површима  $x^2 + y^2 + z^2 = 2$ ,  $x^2 + y^2 + z^2 = 6$  и  $x^2 + y^2 = z$ .
7. Израчунати површински интеграл
$$\iint_S (x + yz) dy dz + (y + zx) dz dx + (z + xy) dx dy$$
ако је  $S$  спољашња страна површи ограничене површима  $z = x^2 + y^2$  и  $z = 1 - x^2$ .
8. Одредити опште решење диференцијалне једначине
$$(2 + x)^2 y'' - 3(2 + x)y' + 4y = (2 + x)^2.$$